

Correction du Bac Blanc N° 2D6/1 (Transformateur réel).

1°/ $U_1 = 4,44 \hat{B} N_1 S \cdot f$

$$\Rightarrow N_1 = \frac{U_1}{4,44 \times \hat{B} \times S \times f} = \frac{8600}{4,44 \times 1,2 \times 380 \cdot 10^{-4} \times 50}$$

$$N_1 \approx 850 \text{ spires}$$

2°/ $m = \frac{U_{20}}{U_{1N}} = \frac{132}{8600} = 0,01535$

3°/ a)
$$\left. \begin{array}{l} P_{\text{fercc}} = \alpha \times U_{1\text{cc}}^2 \\ \text{à vide } P_{\text{fer}} = \alpha \times U_{1N}^2 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{P_{\text{fercc}}}{P_{\text{fer}}} = \frac{\alpha U_{1\text{cc}}^2}{\alpha U_{1N}^2}$$

$$\Rightarrow P_{\text{fercc}} = P_{\text{fer}} \times \frac{U_{1\text{cc}}^2}{U_{1N}^2} = P_{10} \times \left(\frac{U_{1\text{cc}}}{U_{1N}} \right)^2$$

Sous tension nominale puissance et à vide le transformateur absorbe une puissance qui correspond aux pertes Fer.

AN: $P_{\text{fercc}} = P_{10} \times \left(\frac{U_{1\text{cc}}}{U_{1N}} \right)^2 = 133 \times \left(\frac{289}{8600} \right)^2 = 0,150 \text{ W}$

$P_{\text{fercc}} = 0,150 \text{ W}$: les pertes Fer en court-circuit

sont bien négligeables.

b) $R_s = \frac{P_{1\text{cc}}}{I_{2\text{cc}}^2} = \frac{485}{210^2} = 11 \text{ m}\Omega$

$$X_s = \sqrt{Z_s^2 - R_s^2} \quad \text{avec } Z_s = \frac{m U_{1\text{cc}}}{I_{2\text{cc}}}$$

$$Z_s = 0,01535 \times \frac{289}{210} = 21,1 \text{ m}\Omega$$

$$X_s = \sqrt{21,1^2 - 11^2} = 18 \text{ m}\Omega$$

4°/ $\Delta U_2 =$ la chute de tension au secondaire du transformateur:

$$\Delta U_2 = R_s I_2 \cos \phi + X_s I_2 \sin \phi$$

$$\cos \phi = 0,75 \quad \Rightarrow \phi = \cos^{-1}(0,75) = 41,41^\circ$$

$$\Delta U_2 = 11 \cdot 10^3 \times 210 \times \cos(41,41) + 15 \cdot 10^3 \times 210 \times \sin(41,41)$$

$$\Delta U_2 = 4123 \text{ V}$$

$$\Delta U_2 = U_{20} - U_2 \Rightarrow U_2 = U_{20} - \Delta U_2 = 132 - 4123$$

$$\boxed{U_2 = 127,77 \text{ V}}$$

5°/ Pour la charge de la question 4
 $P_{\text{fer}} = P_{10} = 133 \text{ W}$ (car on a toujours la même tension primaire)
 et $P_{\text{joule}} = P_{\text{cc}} = 485 \text{ W}$ (car $I_{2\text{cc}} = I_{2\text{N}} = 210 \text{ A}$)

$$I_{2\text{N}} = \frac{S}{U_{2\text{V}}} = \frac{2716 \cdot 10^3}{132} \approx \underline{\underline{210 \text{ A}}}$$

$$\text{Rendement } \eta = \frac{P_2}{P_1} = \frac{P_2}{P_2 + P_{\text{fer}} + P_{\text{J}}}$$

$$P_2 = U_2 \times I_2 \times \cos \varphi_2 = 127,8 \times 210 \times 0,75$$

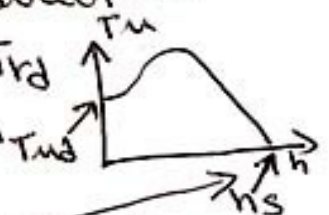
$$P_2 = 20123,8 \text{ W}$$

$$\eta = \frac{20123,8}{20123,8 + 133 + 485} = 97\%$$

Pb2 (Noter asynchrone)

1°/ Partie A1

1.1 on peut réaliser le démarrage direct du moteur en charge car $T_{\text{ud}} > T_{\text{rd}}$
 $T_{\text{ud}} \approx 45 \text{ N}\cdot\text{m}$ et $T_{\text{rd}} = 40 \text{ N}\cdot\text{m}$ (voir fig 3-1)

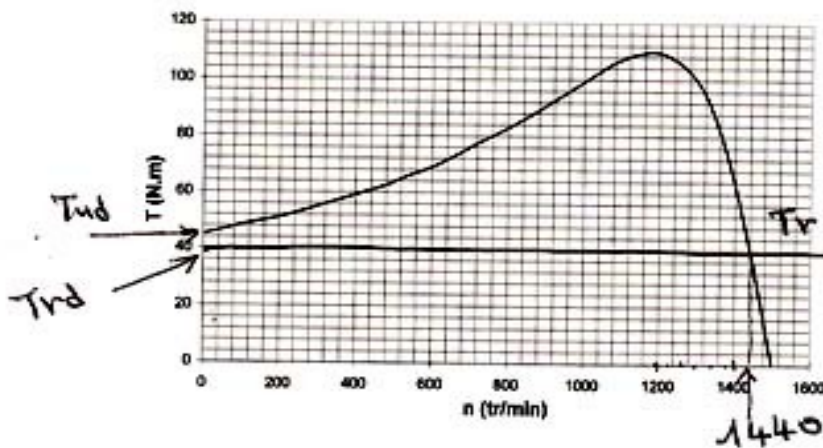


1.2 à vide $n_0 \approx n_s = 1500 \text{ tr/min}$ (voir fig 3-1)

$$\text{par le calcul: } n_s = \frac{f}{p} = \frac{50}{2}$$

$$n_s = 25 \text{ tr/s} = 1500 \text{ tr/min}$$

figure 3.1



$n = 1440 \text{ tr/min}$

$$g = \frac{n_s - n}{n_s} = \frac{1500 - 1440}{1500} = 0.4\%$$

$$1.4 \quad P_u = T_u \times \Omega \quad T_u = T_r = 40 \text{ Nm}$$

$$\Omega = \frac{2\pi n}{60} = \frac{2\pi \times 1440}{60} = 150.78 \text{ rad/s}$$

$$P_u = 40 \times 150.78 = 6031.4 \text{ W}$$

1.5

$$\eta_{\text{rotor}} = 1 - g = 96\%$$

$$T_{em} = T_u = 40 \text{ Nm}$$

$$P_{jr} = g \times P_{tr}$$

$$P_{tr} = T_{em} \times \Omega_s = 40 \times 157 = 6280 \text{ W}$$

$$(\Omega_s = \frac{2\pi n_s}{60} = \frac{2\pi \times 1500}{60} = 157 \text{ rad/s})$$

$$P_{js} = 0.04 \times 6280 = 251.2 \text{ W}$$

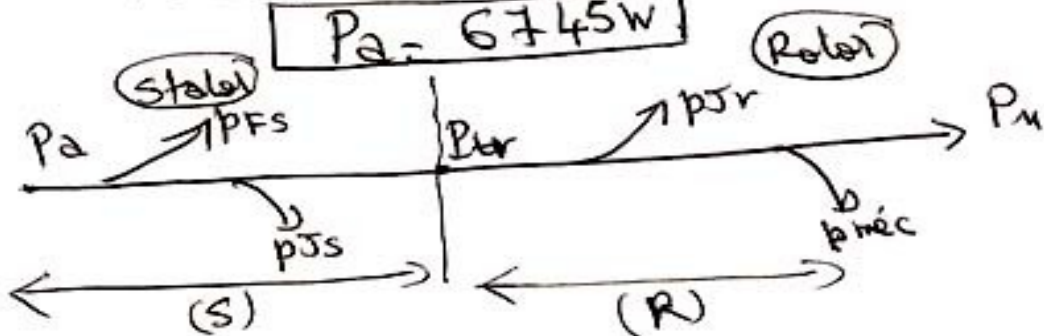
$$P_{js} = 3 r I^2 = 3 \times 0.15 \times 1415^2 = 315.4 \text{ W}$$

1.6

1.7

$$P_a = P_{js} + P_{fs} + P_{tr} = 315 + 150 + 6280$$

$$P_a = 6745 \text{ W}$$



$$\eta = \frac{P_u}{P_a} = \frac{6073}{6745} = 90\%$$

facteur de puissance: $\cos\varphi = \frac{P_a}{U I \sqrt{3}}$

$$\cos\varphi = \frac{6745}{380 \times 14,5 \times 1,732} = 0,1706$$

2°/ $T = 40 \text{ N.m}$ et $n = 1440 \text{ tr/min}$

$$V/f = \text{constante}$$

2.1 lorsque le couple résultant est constant

$$\Delta n = (n_s - n) \text{ reste constant}$$

$$\Delta n = 1500 - 1440 = 60 \text{ tr/min}$$

pour $n' = 1440 \text{ tr/min}$ $n'_s = \Delta n + n'$

$$n'_s = 60 + 1440 = 1500 \text{ tr/min}$$

$$\Rightarrow f = n'_s \times p = \frac{1500}{60} \times 2 = 50 \text{ Hz}$$

2.2 $g = \frac{n'_s - n'}{n'_s} = \frac{1500 - 1440}{1500} = \frac{60}{1500}$

$$g = 5\%$$

2.3 $\frac{V}{f} = \frac{220}{50} = 4,4 \text{ V} \cdot \text{Hz}^{-1}$

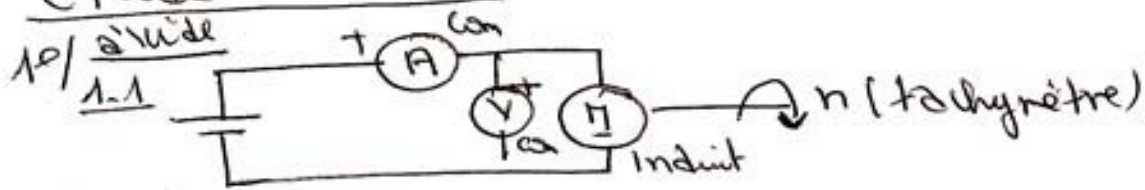
$$\frac{V'}{f} = 4,4 \Rightarrow V' = 4,4 \times 40 = 176 \text{ V}$$

il faut un réseau de tension composé
égal à $V' \approx 305 \text{ V}$

L'onduleur délivre un train composé de
valeur efficace 305V et de fréquence égale à
40Hz.

Db3 (Moteur à Courant - Continu)

étude du moteur



1.2 $n_v = 1000 \text{ tr/min}$

en fonctionnement nominale: $E_n = U_n - R I_n$

$$E_n = 250 - 1,5 \times 20 = 220 \text{ V}$$

Le courant d'excitation est constant $\Rightarrow E = K \phi \Omega$

$$\Rightarrow E_n = \left(K \times \phi \times \frac{2\pi}{60} \right) \times n_n \leftarrow k_0$$

I_E : constant \Rightarrow le flux ϕ reste constant

$$\Rightarrow E_n = k_0 \times n_n \Rightarrow k_0 = \frac{E_n}{n_n} = \frac{220}{1000} = 0,22 \text{ Vtr/min}$$

a'vide $E_v = U_v - R I_v = 222,5 - 1,5 \times 1,82$

$$E_v = 219,8 \text{ V} \Rightarrow n_v = \frac{E_v}{k_0} = \frac{219,8}{0,22}$$

$$n_v = 998,96 \text{ tr/min} \approx 1000 \text{ tr/min}$$

1.3 $P_{AV} = U_v I_v = 222,5 \times 1,82 \approx 405 \text{ W}$

1.4 $p_{JV} = R I_v^2 = 1,5 \times 1,82^2 \approx 5 \text{ W}$

1.5 $p_c = P_{AV} - p_{JV} = 405 - 5 \approx 400 \text{ W}$

20/ fonctionnement nominal:

2.1 $p_{JI} = R I_n^2 = 1,5 \times 20^2 = 600 \text{ W}$

2.2 $p_{JC} = r I_e^2 = 250 \times 0,18^2 = 160 \text{ W}$

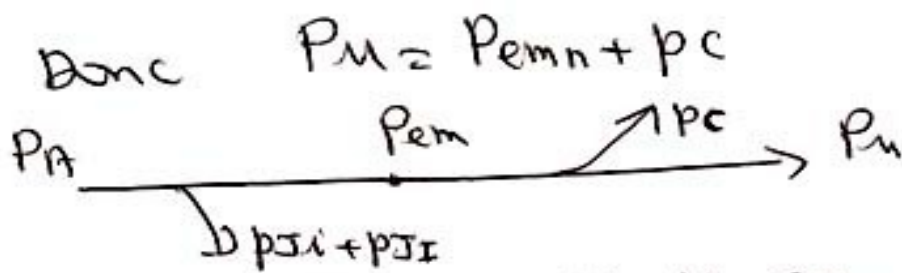
2.3 $p_c = 400 \text{ W}$

2.4 $\eta = \frac{P_u}{P_a}$

$$P_u = T_u \times \Omega$$

$$\Omega = \frac{2\pi n}{60} = \frac{2\pi \times 100}{60}$$

$P_u = T_u \times \Omega$ (mais T_u inconnu) $\Omega = 104,7 \text{ rad/s}$



$$P_{em} = E_n \times I_n \quad E_n = U_n - R I_n = 220 \text{ V}$$

$$= 220 \times 20 = 4400 \text{ W}$$

$$P_u = 4400 + 400 = 4800 \text{ W}$$

$$P_a = P_{em} + p_{\Sigma i} + p_{\Sigma e} = 4400 + 160 + 600$$

$$P_a = 5160 \text{ W}$$

$$\eta = \frac{4800}{5160} = 93\%$$

2.5

$$\eta_n = 100 \text{ tr/min}; \quad P_u = 4800 \text{ W}$$

$$U_n = 250 \text{ V}; \quad I_n = 20 \text{ A}$$

3°/

$$I_E = 0,18 \text{ A}$$

$$T_E = \frac{P_{em}}{\Omega} = \frac{E \times I}{\Omega} = \frac{K \phi \Omega \times I}{\Omega}$$

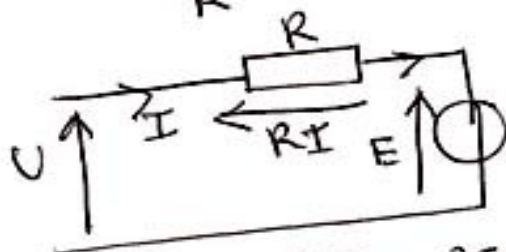
$E = K \phi \times \Omega$ (si I_E reste constant \Rightarrow le flux ϕ reste aussi constant)

$$T_E = \frac{K \phi \times I}{k} = k \times I$$

$$\boxed{T_E = k \cdot I}$$

4°/

4.1



modèle équivalent de l'induit

4.2

$$E_n = U_n - R I_n = 250 - 1,5 \times 20 = 220 \text{ V}$$

4.3

$$T_{EN} = k I_n$$

$$T_{EN} = 2,10 \times 20 = 42 \text{ N.m}$$

$$k = \frac{E_n}{\Omega_n} = \frac{220}{104,7}$$

4.4

$$T_p = T_{en} - T_u = k \times I = P_c / \Omega_n$$

$$T_p = 2,1 \times 1,82 = 3,82 \text{ Nm}$$

$$T_{un} = T_{en} - T_p = 42 - 3,82 = 38,2 \text{ Nm}$$

4.5.

Reglage de vitesse de la MCC

$$T_R = T_u$$

$$k = 2,10 \text{ Nm/A} \text{ et } T_p = 4,2 \text{ Nm}$$

$$n = 41547 U - 31248 T_u - 13$$

$$n \text{ (tr. min}^{-1}\text{)}$$

1°/ oui tableaux (1) et (2)

2°/ oui annexe (2)

3°/

$$n = 41547 U - 31248 T_u - 13$$

le point A a pour coordonnées: $\begin{pmatrix} T_u = 20,8 \text{ Nm} \\ n = 0 \end{pmatrix}$

$$0 = 41547 U - 31248 \times 20,8 - 13$$

$$\Rightarrow 41547 U = 31248 \times 20,8 + 13$$

$$U_{\min} = \frac{31248 \times 20,8 + 13}{41547} = 17,7 \text{ V}$$

4°/ pour $U = 200 \text{ V}$ le point de fonctionnement est;

$$n = 800 \text{ tr/min} \quad T = 26 \text{ Nm} \text{ (voir annexe 2)}$$

etude d'un point de fonctionnement

$$U = 106,5 \text{ V}$$

5°/ $n = 400 \text{ tr/min}$ et $T = 24 \text{ Nm}$

6°/ $T_E = T_u + T_p = 24 + 4,2 = 28,2 \text{ Nm}$

$$7°/ $I = \frac{T_E}{k} = \frac{28,2}{2,1} = 13,42 \text{ A}$$$

$$8°/ $P_a = U \times I + p_{ex} = 106,5 \times 13,42 + 250 \times 0,08^2 = 1429 + 250 \times 0,08^2 = 1589 \text{ W}$$$

$$9°/ $P_u = T_u \times \Omega = 24 \times 41,88 = 1005 \text{ W}$$$

$$\Omega = \frac{2\pi n}{60} = \frac{2\pi \times 400}{60} = 41,88 \text{ rad/s}^{-1}$$

NOM : Prénom : : N°:.....

Annexe 1 : tableaux de calcul (à rendre avec votre copie)

Tableau 1

$k = 2,1 \text{ Vs}$

Calcul de I avec $T_p = 4,2 \text{ Nm}$

	$T_E \text{ (Nm)}$	$I \text{ (A)}$
formule utilisée	$T_p + T_u$	$I = T_E / k$
$T_u = 0 \text{ Nm}$	4,2	2
$T_u = 37,8 \text{ Nm}$	42	20

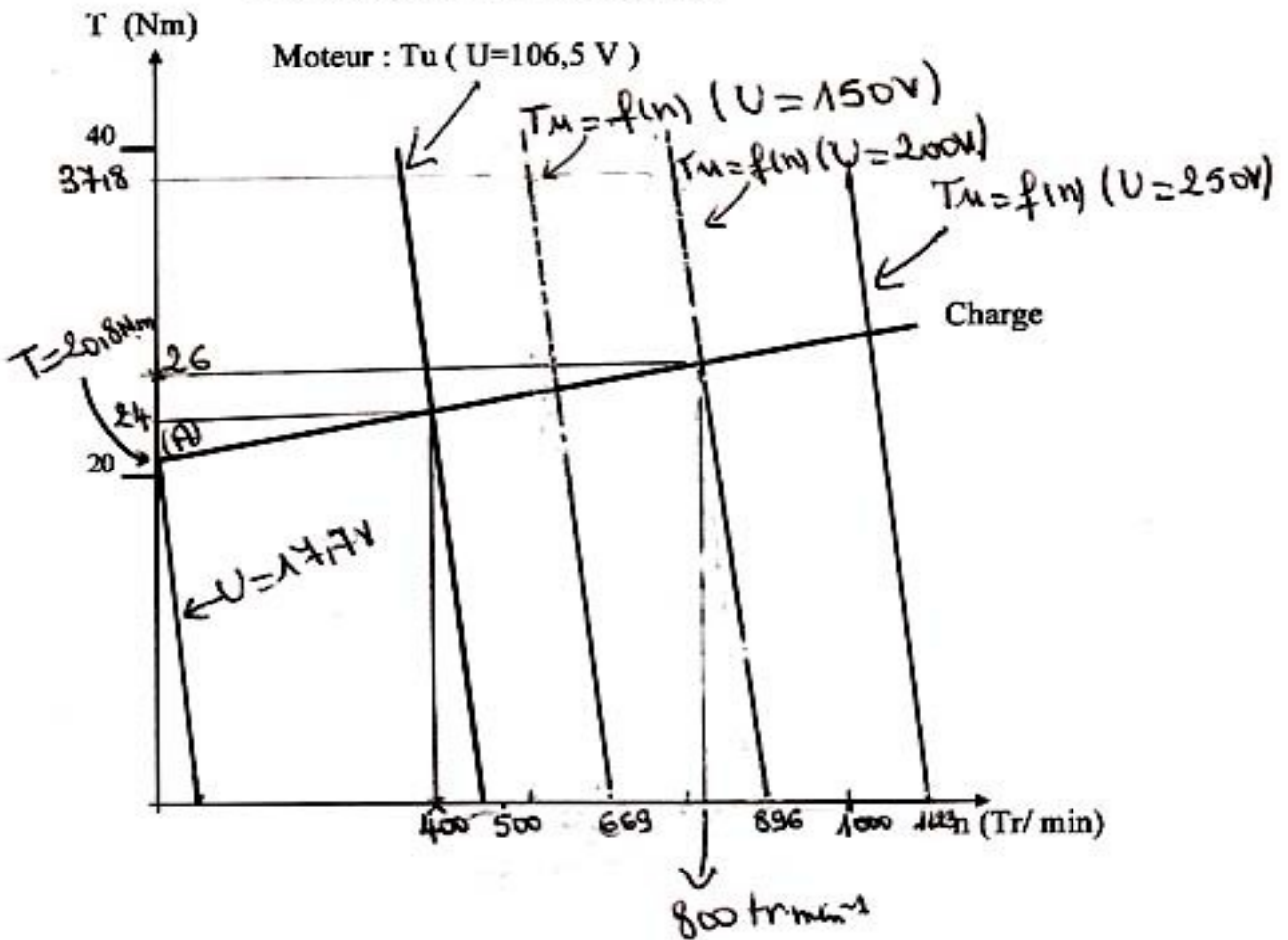
Tableau 2

$n = 4,547U - 3,228T_u - 13$
calcul de n (tr/min)

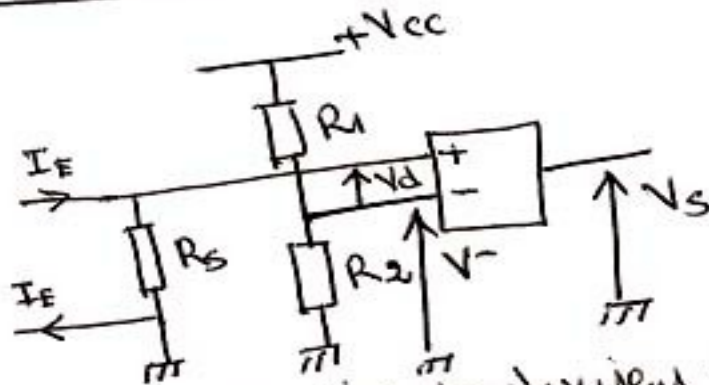
$T_u \text{ (Nm)}$	0	37,8
$U = 250 \text{ V}$	1123,75	1000,98
$U = 200 \text{ V}$	896,4	773,6
$U = 150 \text{ V}$	669	546,3

Annexe 2 : caractéristiques mécaniques

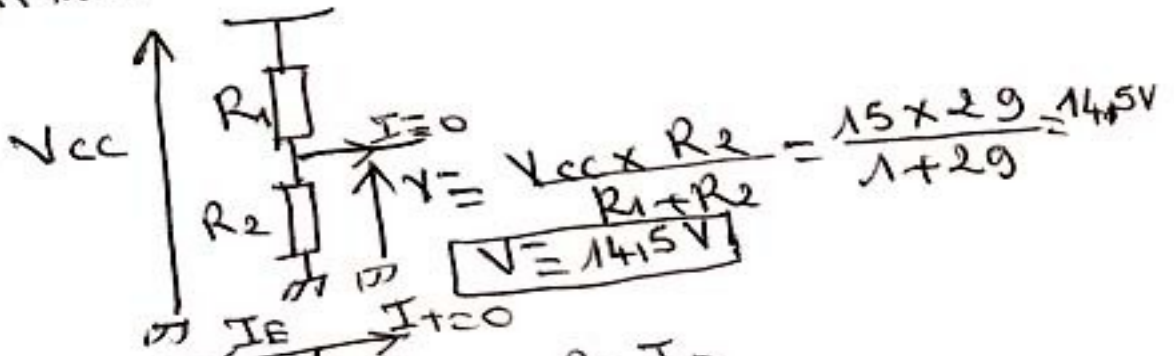
Caractéristiques mécaniques



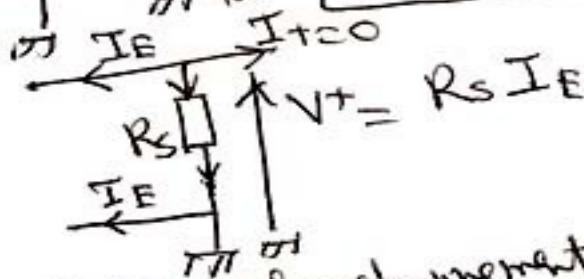
Sécurité inducteur



1°/ on utilise le principe de diviseur de tension



2°/



3°/ le régime de fonctionnement est celui de réaction négative (car il y a absence de contre-partie de l'AOP et non entrée inversée)

4°/ $V_S = +V^+$ et $V_d > 0, V_d = V^+ - V^- > 0$
 $V^+ = R_s I_E$ et $V = 14.5V \Rightarrow R_s I_E > 14.5$
 $V^+ - V^- > 0 \Rightarrow V^+ > V^- \Rightarrow R_s I_E > 14.5$
 $\Rightarrow I_E > \frac{14.5}{R_s} \Rightarrow I_E > \frac{14.5}{1} \text{ (} I_E > 14.5A \text{)}$

5°/ Si $I_E \rightarrow \infty \Rightarrow$ le flux $\Phi \rightarrow$

$$E = k \Phi \times \Omega \Rightarrow \Omega = \frac{E}{k \Phi}$$

Si le flux Φ tend vers 0 alors $\Omega \rightarrow +\infty$
 Si le courant d'excitation est faible le flux le plus subtil le moteur s'emballe ($\Omega \rightarrow +\infty$).